



ROMÂNIA  
MINISTRUL EDUCAȚIEI, CERCETĂRII, TINERETULUI ȘI SPORTULUI  
INSPECTORATUL ȘCOLAR JUDEȚEAN MUREȘ

Colegiul Național "Al. Papiu-Ilarian"  
Târgu Mureș, str. Bernádz György nr. 12  
Tel.: 0265/250598 Fax: 0265/214498  
Email: [office@papiu.com](mailto:office@papiu.com)  
[www.papiu.ro](http://www.papiu.ro)

CONCURSUL INTERJUDEȚEAN DE MATEMATICA

"Al.Papiu Ilarian"

26-27.10.2012

EDITIA a XVII - a

CLASA a VI - a

**Subiectul I.**

Se consideră mulțimea  $M = \{1, 2, 3, \dots, 2012\}$  și mulțimile:

$$A = \{2x + 1 \mid x \in \mathbb{N}\} \cap M, \quad B = \{3y + 2 \mid y \in \mathbb{N}\} \cap M \text{ și } C = \{5z + 4 \mid z \in \mathbb{N}\} \cap M$$

- Determinați numărul elementelor mulțimilor A, B și C
- Determinați numărul elementelor comune celor trei mulțimi A, B și C

Gazeta matematica (M.Perianu)

**Subiectul II.**

Pe o stradă unde casele sunt numerotate de la 1 la  $n$ , una dintre ele a fost demolată. Știind că media aritmetică a celor rămase este 51,15 să se afle ce număr avea casa demolată.

A. Martinov

**Subiectul III.**

Arătați ca  $N = 1 \cdot 2 + 1 \cdot 2 \cdot 3 + 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 + \dots + 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot 100$  nu este pătrat perfect.

\*\*\*

**Subiectul IV.**

Fie punctele coliniare A, B, C și D (în această ordine) astfel încât  $AB + 2BC + 3CD = 2AD$ .  
Determinați poziția punctului  $M \in (BC)$  cu proprietatea că  $AM \cdot MC = MB \cdot MD$

Olimpiada de matematica 2000

**Succes!**

**Toate subiectele sunt obligatorii.**

**Pentru fiecare problemă se acordă 7 puncte.**

**Timp efectiv de lucru 3 ore.**

Probleme propuse și selectate de prof. Balint Attila Sandor, prof. Danciu Alin Florin, prof. Andreica Gheorghe, prof. Botez Radu, prof. Ginta Vasile