

CONCURSUL NAȚIONAL DE MATEMATICĂ APLICATĂ
"ADOLF HAIMOVICI"
etapa locală – 9 februarie 2013
CLASA A IX-A

Filiera teoretică – Profilul real – Specializarea Științe ale naturii

BAREM DE NOTARE ȘI CORECTARE

SUBIECTUL I

1.	Prin calcul direct obține $(xb - ya)^2 + (xc - za)^2 + (yc - bz)^2 \geq 0$	4p
2.	Aplică ex.1 pentru $a=1, b=1, c=1$ și obține $(x + y + z)^2 \leq 3(x^2 + y^2 + z^2)$ iar conform ipotezei rezultă relația cerută	3p

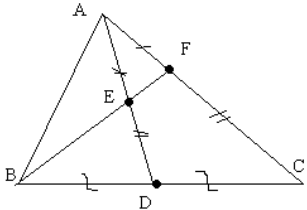
SUBIECTUL II

1.	$ x - 2 + 1 - x = 1 \Leftrightarrow x \in [1, 2]$ $\left[\frac{2x - 1}{2} \right] = 1 \Leftrightarrow x \in \left[\frac{3}{2}, \frac{5}{2} \right]$ $A \cap B = \left[\frac{3}{2}, 2 \right]$	2p 1p 1p
2.	$A = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37\} \Rightarrow \text{card}A = 12$ $\left. \begin{matrix} a \in A \\ b \in A \end{matrix} \right\} \Rightarrow \text{card}B = 12 \cdot 12 = 144$	1p 2p

SUBIECTUL III

a)	$a_{n+1} - a_n = 2(n+1) + 3 - 2n - 3 = 2 \Rightarrow r = 2$	2p
b)	conform a) $a_{k+2} - a_k = 4, \forall k = \overline{1, n}$ $\Rightarrow \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{1}{a_k \cdot a_{k+1}} - \frac{1}{a_{k+1} \cdot a_{k+2}} \right) = \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{a_{k+2} - a_k}{a_k \cdot a_{k+1} \cdot a_{k+2}} \right) = \frac{1}{a_k \cdot a_{k+1} \cdot a_{k+2}}$	1p 1p
c)	aplică b pentru fiecare fracție și prin însumarea relațiilor obține cerința	3p

SUBIECTUL IV

a)	 <p>E este mijlocul lui AD $\Rightarrow \overrightarrow{BE} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BD})$</p>	2p
b)	D este mijlocul lui BC $\Rightarrow \overrightarrow{BD} = \frac{1}{2}\overrightarrow{BC} \Rightarrow \overrightarrow{BE} = \frac{1}{2}\left(\overrightarrow{BA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BC}\right) = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{4}\overrightarrow{BC}$ $\frac{AF}{FC} = \frac{1}{2} \Rightarrow \overrightarrow{BF} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC} + \frac{2}{3}\overrightarrow{BA} =$ $= \frac{4}{3}\left(\frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{4}\overrightarrow{BC}\right) = \frac{4}{3}\overrightarrow{BE} \Rightarrow B, E, F$ coliniare și $\frac{BE}{BF} = \frac{3}{4}$	1p 2p 2p