



MINISTERUL EDUCAȚIEI, CERCETĂRII ȘI TINERETULUI  
ȘI SPORTULUI  
INSPECTORATUL ȘCOLAR AL JUDEȚULUI BACĂU  
COLEGIUL NAȚIONAL „VASILE ALECSANDRI”

CONCURSUL NAȚIONAL DE GEOMETRIE  
“GHEORGHE ȚIȚEICA”  
EDIȚIA a IV – a, BACĂU - 2013

Clasa a IX-a

"Geometria este știința care restaurează situația dinainte de creația lumii și încearcă să umple golul, renunțând la oficiile materiei." - L. Blaga

1) Fie  $AB$  și  $CD$  două coarde perpendiculare ale unui cerc de centru  $O$ . Dacă  $M$  este punctul de intersecție dintre  $AB$  și  $CD$ , atunci următoarea inegalitate este adevărată:

$$2MO \leq MA + MB + MC + MD.$$

"Matematica este guvernată de inegalități, egalitatea ar fi mai degrabă un caz particular." - George Polya

2) Pe prelungirile laturilor  $BC = a$ ,  $AC = b$ ,  $AB = c$  ale unui triunghi  $ABC$ , alegem punctele  $M, N, P$ , dincolo de  $C, A$ , respectiv  $B$ , astfel încât  $AN = a$ ,  $BP = b$  și  $CM = c$ . Să se arate că

$$S_{MNP} \geq 7S_{ABC},$$

unde  $S_{ABC}$  este aria triunghiului  $ABC$ .

"O problemă cu greutate!"

3) Pe mediana  $BD$  a triunghiului  $ABC$  se consideră punctul  $M$  astfel încât  $MD = 2BM$ . Fie  $E$  și  $F$  intersecțiile dreptelor  $AM$  și  $MC$  cu  $BC$ , respectiv  $AB$ . Dacă  $\widehat{AMC} = 90^\circ$ , arătați că patrulaterul  $AFED$  este inscripabil dacă și numai dacă mediana  $AA'$  a triunghiului  $ABC$  și  $EF$  sunt concurente într-un punct ce aparține cercului circumscris triunghiului  $ABC$ .