

CONCURSUL DE MATEMATICĂ APLICATĂ „ADOLF HAIMOVICI”

Etapa locală – Constanța, 16.02.2013

filiera teoretică: profil real, specializarea științe ale naturii

Clasa a XI-a

Barem de corectare și notare

Subiectul 1

a) Verificare2p

b) $\det(X^2) = 4 \Rightarrow \det(X) = \pm 2$ 1pdin a) pentru $\det(X) = -2 \Rightarrow \text{Tr}(X) \cdot X = \begin{pmatrix} 5 & 10 \\ 15 & 20 \end{pmatrix} \Rightarrow \text{Tr}(X) = \pm 5$ 1pSoluțiile sunt $X_1 = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$, $X_2 = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -3 & -4 \end{pmatrix}$ 1pPentru $\det(X) = 2 \Rightarrow \text{Tr}(X) \cdot X = \begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 15 & 24 \end{pmatrix} \Rightarrow \text{Tr}(X) = \pm\sqrt{33}$ 1pSoluțiile sunt $X_3 = \frac{1}{\sqrt{33}} \begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 15 & 24 \end{pmatrix}$, $X_4 = -\frac{1}{\sqrt{33}} \begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 15 & 24 \end{pmatrix}$ 1p**Subiectul 2**Se notează $2^x = a$, $3^x = b$, $5^x = c$, $7^x = d$, $a, b, c, d > 0$ 1p
$$\Delta = \begin{vmatrix} a^2 & 2ab & b^2 \\ ac & ad+bc & bd \\ c^2 & 2cd & d^2 \end{vmatrix} = (ad-bc)^3$$
5pFinalizare: $14^x - 15^x = 0 \Rightarrow x = 0$ 1p**Subiectul 3**a) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\sqrt{2x+2}-2) + (\sqrt{2-x}-1)}{(x-1)^2}$ 1pRationalizare și rezulta $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\frac{2}{\sqrt{2x+2}+2} - \frac{1}{\sqrt{2-x}+1}}{x-1}$ 2p

Aducere la același numitor și rationalizare1p

Finalizare: $l = -\frac{3}{16}$ 1pb) Factor comun $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2 \ln x + \ln(5 + \frac{1}{x} + \frac{2}{x^2})}{3x + \ln(1 + \frac{2013}{e^{3x}})}$ 1p $\ln x < x$, $(\forall)x > 0$, finalizare $\Rightarrow l = 0$ 1p**Subiectul 4**a) Condiție de existență: $x^2 - 1 > 0 \Rightarrow x \in (-\infty, -1) \cup (1, \infty)$ 2pb) Ecuația dreptei AB: $y = 3x - 1$ 1p $m = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -a \Rightarrow a = -3$ 2p $n = \lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - mx) = -b \Rightarrow b = 1$ 2p