

CONCURSUL NAȚIONAL DE MATEMATICĂ APLICATĂ
"ADOLF HAIMOVICI"
etapa locală – 21 februarie 2014
CLASA A IX-A

Filiera teoretică-Profil uman-specializarea Filologie, Științe sociale

SUBIECTUL I

1. Fie predicatul $p(x, y) : y^2 - 2x + 7 \geq 0, x, y \in \mathbf{R}$.

- a) Determinați valorile reale ale lui m pentru care propoziția $p(m, 1)$ este adevărată.
 b) Dați exemplu de un număr real b pentru care propoziția $\forall y, p(b, y)$ este adevărată.

2. Se știe că orice bacil este un microb, iar unii bacili sunt patogeni. Stabiliți care din următoarele propoziții sunt adevărate: p_1 : Toți microbii sunt patogeni; p_2 : Niciun microb nu este patogen; p_3 : Unii bacili patogeni nu sunt microbi; p_4 : Unii microbi sunt patogeni; p_5 : Niciun microb patogen nu este un bacil; p_6 : Există microbi care nu sunt bacili.

SUBIECTUL II

Fie numerele N de forma $N = \overline{0,abc}$, unde cifrele nenule a, b, c au proprietatea că sunt atât în progresie aritmetică, cât și în progresie geometrică.

a) Demonstrați că $a = b = c$.

b) Determinați numărul N din intervalul $\left(\frac{1}{5}, \frac{1}{4}\right)$.

c) Determinați în funcție de N numărul $x \in \mathbf{R}$ pentru care $|x - N| + |2x - 2N| = 3$.

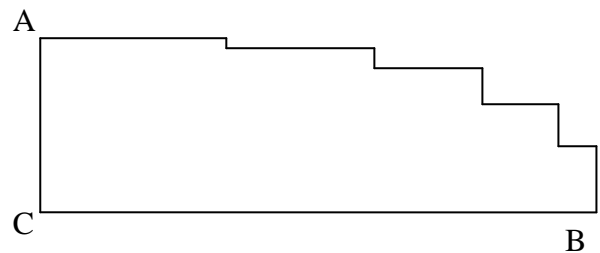
SUBIECTUL III

Scara unui amfiteatru este astfel construită încât distanța dintre două trepte consecutive (contratreapta) scade cu câte 2 cm la fiecare treaptă, iar lățimea crește cu câte 5 cm, începând de la bază.

a) Câte trepte conține scara știind că prima treaptă este înaltă de 35 cm, iar ultima are 15 cm.

b) Să se determine lungimea BC știind că a 6-a treaptă are lățimea de 50 cm.

c) Aflați lungimea unei mochete ce se aplică prin lipire pe toată scara, de la A la B .



SUBIECTUL IV

Fie rombul $ABCD$ de centru O , iar M și N mijloacele segmentelor AO , respectiv CO .

a) Calculați $\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{CM}$.

b) Demonstrați că are loc relația $\overrightarrow{BM} + \overrightarrow{BN} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$

c) Demonstrați că $\overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PD} = \overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PC}$ pentru orice punct P din planul rombului.

Notă:

- Toate subiectele sunt obligatorii. Timp de lucru efectiv trei ore.
- Pentru fiecare problemă rezolvată se acordă 7 puncte (0 puncte din oficiu)

Vă dorim succes !

prof. Zeno Blajovan, inspector școlar de specialitate - I.S.J. Timiș

CONCURSUL NAȚIONAL DE MATEMATICĂ APLICATĂ "ADOLF HAIMOVICI"*etapa locală – 21 februarie 2014***CLASA A IX-A****Filiera teoretică-Profil Uman-Specializarea Filologie, Științe sociale****BAREM DE CORECTARE****SUBIECTUL I**

- 1.
- a) $p(m,1) : 1 - 2m + 7 \geq 0$ 1p
 $\Rightarrow m \in (-\infty, 4]$ 1p
- b) $\forall y \in \mathbf{R}, p(b, y) \Rightarrow y^2 - 2b + 7 \geq 0, \forall y \in \mathbf{R}$ 1p
 $\Rightarrow y^2 \geq 2b - 7, \forall y \in \mathbf{R}$
 Un exemplu $b = 1 \Rightarrow y^2 \geq -5, \forall y \in \mathbf{R}$ 1p
2. $p_1 : F, p_2 : F, p_3 : F, p_4 : A, p_5 : F, p_6 : A$ 3p

SUBIECTUL II

- a) $b = \frac{a+c}{2}, b^2 = ac$ 2p
 $\left(\frac{a+c}{2}\right)^2 = ac \Rightarrow (a-c)^2 = 0$ 1p
 $\Rightarrow a = c \Rightarrow b = a$ 1p
- b) $0,2 < N < 0,25 \Rightarrow N = 0,222$ 1p
- c) $3|x-N| = 3 \Rightarrow x-N = \pm 1$ 1p
 $x = 1+N, x = -1+N$ 1p

SUBIECTUL III

- a) $h_1 = 35, h_n = 15, r = -2 \Rightarrow n = 11$, deci scara are 11 trepte 2p
- b) $l_6 = 50, r = 5 \Rightarrow l_1 = 25$, deci lățimea primei trepte este 25cm 1p
 $\Rightarrow BC = 5,5 \text{ m}$ 1p
- c) $S = S_{11} + S'_{11}$, unde S_{11} este suma primilor 11 termeni ai progresiei înălțimilor treptelor, iar S'_{11} suma primilor 11 termeni ai progresiei lățimilor treptelor. 1p
 $\Rightarrow S = 825 \text{ cm} = 8,25 \text{ m}$ 2p

SUBIECTUL IV

- a) $\overline{AN} = \overline{AO} + \overline{ON}, \overline{CM} = \overline{CO} + \overline{OM}$ 1p
 $\Rightarrow \overline{AN} + \overline{CM} = \vec{0}$ 1p
- b) $\overline{BM} = \frac{1}{2}(\overline{BA} + \overline{BO}), \overline{BN} = \frac{1}{2}(\overline{BO} + \overline{BC})$ 1p
 $\Rightarrow \overline{BM} + \overline{BN} = \frac{1}{2}(\overline{BA} + \overline{BC} + 2\overline{BO}) = \frac{1}{2}(2\overline{BA} + 2\overline{BC}) = \overline{BA} + \overline{BC}$ 2p
- c) $\overline{PB} + \overline{PD} = 2\overline{PO}, \overline{PA} + \overline{PC} = 2\overline{PO}$ 2p