

**INSPECTORATUL ȘCOLAR AL JUDEȚULUI TULCEA**  
**OLIMPIADA DE MATEMATICĂ**

- faza locală 22 februarie 2014 –

**Clasa a VII-a**

**Subiectul 1.** Fie numărul natural  $A = \sqrt{0, a(b2) + 0, b(2a) + 0, 2(ab)}$ , determinați perechile de cifre (a, b) cu  $a < b$  (Sub radical sunt fracții zecimale periodice mixte).

**Subiectul 2.** Fie  $n$  număr natural nenul,  $p$  număr prim și mulțimea:

$$A_p = \left\{ \frac{p+2}{2}, \frac{p+3}{3}, \frac{p+4}{4}, \dots, \frac{p+n}{n}, \dots \right\}$$

- a) care este ordinea elementelor mulțimii în mulțimea  $A_p$ ?
- b) arătați că mulțimea  $A_p$  are un singur element număr natural.
- c) Determinați

**Subiectul 3.** Fie ABCD un paralelogram. Bisectoarea unghiului A intersectează diagonala BD în M, iar bisectoarea unghiului D intersectează diagonala AC în N. Demonstrați că MN este paralelă cu AD.

**Timp de lucru 2 ore**

**Fiecare subiect se notează cu 7 puncte**

*S u c c e s !*

<b>BAREM CLASA a VII-a</b>		
<b>Sub. 1</b>	<p>Transformarea fracțiilor zecimale în fracții ordinare            Scrierea numerelor în baza 10</p> <p><math>A = \sqrt{\frac{a+b+2}{9}}</math> este număr natural</p> <p><math>a+b+2 \leq 20</math>, <math>a+b+2</math> se divide cu 9            scrierea soluțiilor pentru <math>a+b = 7</math>, respectiv <math>a+b = 16</math> (mulțimea vidă),</p>	<p>1 p</p> <p>1 p</p> <p>1 p</p> <p>2 p</p> <p>1+1 p</p>
<b>Sub. 2</b>	<p>a) Comparăm 2 fracții consecutive: <math>\frac{p+k}{k}</math> și <math>\frac{p+k+1}{k+1}</math>, <math>p, k \geq 2</math> deducem că fracțiile sunt în ordine descrescătoare</p> <p>b) Elementele lui A se pot scrie <math>1 + \frac{p}{k}</math>, cum <math>p</math> este număr prim rezultă <math>k=p</math></p>	<p>3 p</p> <p>2 p</p> <p>2 p</p>
<b>Sub. 3</b>	<p>În <math>\triangle ABD</math> avem: <math>\frac{MB}{MD} = \frac{AB}{AD}</math>, iar în <math>\triangle DCA</math> avem: <math>\frac{NC}{NA} = \frac{DC}{AD}</math> (teorema bisectoarei).</p> <p>Deci: <math>\frac{MB}{MD} = \frac{NC}{NA}</math>,</p> <p>notând: <math>BD=2a</math>, <math>AC=2b</math>, <math>OM=x</math> și <math>ON=y</math>, <math>O</math> intersecția diagonalelor, relația devine: <math>\frac{a+x}{a-x} = \frac{b+y}{b-y}</math>, de unde: <math>\frac{2x}{a-x} = \frac{2y}{b-y}</math>, sau <math>\frac{OM}{MD} = \frac{ON}{NA}</math>, cf. reciprocei th. Thales rezultă <math>MN \parallel AD</math>.</p>	<p>2 p</p> <p>1 p</p> <p>1 p</p> <p>2p</p> <p>1 p</p>

**Se punctează corespunzător orice soluție alternativă**