

CONCURSUL NAȚIONAL DE MATEMATICĂ APLICATĂ

„ADOLF HAIMOVICI”

ETAPA LOCALĂ

SUCEAVA, 15 FEBRUARIE 2015

CLASA A XI-A

Profil tehnic, profil servicii, profil resurse naturale și protecția mediului,
profil real-specializarea științele naturii

1. Determinați numerele reale a și b știind că dreapta d având ecuația $y = x + 1$ este asimptotă oblică la ramura $-\infty$ a graficului funcției $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{ax^2 + bx + 1}{\sqrt{x^2 + 1}}$.

2. Fie $a, b \in \mathbb{R}$, $a > -4$. Determinați a și b , astfel încât $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2 + 3x + a} - b}{x^2 + x - 2} = \frac{5}{18}$.

3. Se consideră $D(x) = \begin{vmatrix} 2^x & 2^x + 1 & 2^{x+1} + 1 \\ 2^x - 1 & 2^x - 2 & 2^{x+1} - 1 \\ 1 & 2^{x+1} & 3 \cdot 2^x \end{vmatrix}$, unde $x \in \mathbb{R}$. Calculați $\lim_{x \rightarrow -\infty} D(x)$.

4. Într-un reper cartezian xOy se dau punctul $M(3,3)$ și triunghiul ABC , determinat de dreptele $AB : x + 2y - 4 = 0$, $BC : 3x + y - 2 = 0$, $CA : x - 3y - 4 = 0$.

a) (3p) Determinați coordonatele vârfurilor triunghiului ABC .

b) (1p) Calculați aria triunghiului ABC .

c) (3p) Fie P , Q și R proiecțiile punctului M respectiv pe AB , BC , AC . Să se demonstreze că P , Q , R sunt puncte coliniare.

Notă: Toate subiectele sunt obligatorii.

Fiecare subiect primește un punctaj de la 0 la 7.

Timp de lucru efectiv 3 ore.